

# Tabelle Hash

Concetti generali

Implementazione in Java

Risoluzione delle collisioni

# Tabelle Hash

- Inserimento e Ricerca in tempo  $O(1)$  in un certo insieme  $A$
- Per raggiungere questa efficienza in tempo si usa di più lo spazio
- Sia  $U = \{el\_1, el\_2, \dots, e\_N\}$  l'insieme universo di tutti i possibili elementi che si possono (in teoria) inserire nell'insieme  $A$
- Ogni elemento  $el\_i$  di  $U$  ha una chiave **unica**  $key(el\_i)$  che è un intero in un certo intervallo  $[p, q]$ , sottoinsieme degli Interi, dove  $q - p = N$

# Tabelle hash

- Uso un array di dimensione  $m$  per mettere gli elementi
- Se  $m = N$  ho completa efficienza  $O(1)$ , ma ho bisogno di uno spazio esageratamente grande se l'insieme  $A$  che effettivamente viene inserito è solo una piccola parte di  $U$
- Nella maggioranza dei casi vale che  $m \ll N$  e allora devo definire una **funzione di hash**

$$h: [p, q] \rightarrow [0, m-1]$$

# Tabelle hash

- L'elemento  $el_i$  dovrà essere inserito in posizione  $h(\text{key}(el_i))$  appartenente a  $[0, m-1]$
- $h(\text{key}(el_i))$  è l'indice in cui inserisco l'elemento  $el_i$  nell'array che supporta la mia tabella hash
- Una buona funzione di hash è la seguente:  
 $h(r) = r \bmod m$  dove  $m$  è un numero primo vicino a una potenza di 2

# Implementazione in Java

- La chiave di ogni oggetto di una classe generica `E` è data dal suo metodo `hashCode()`
- Ricordiamo che `hashCode()` va ridefinito insieme ad `equals()`
- Sia `equals()` che `hashCode()` sono basati su alcuni campi (generalmente immutabili) dell'oggetto, cioè su una **chiave** che identifica univocamente l'oggetto
- Quindi per noi l'intervallo `[p, q]` sarà  
[Integer.MIN\_VALUE, Integer.MAX\_VALUE]

# Collisioni

- Poiché  $m \ll N$  inevitabilmente ad oggetti diversi verrà assegnata la stessa posizione nell'array dalla funzione di hash
- Per risolvere questo problema ci sono due approcci:
  - 1) Uso di Liste Concatenate
  - 2) Indirizzamento Aperto

# Collisioni con Liste Concatenate

- Le celle dell'array non contengono elementi, ma liste concatenate (inizialmente vuote)
- Gli elementi che vengono posizionati nello stesso posto vengono messi nella lista concatenata associata a quella posizione
- Caso pessimo: tutti gli elementi sono posizionati nello stesso posto, quindi ho una lista concatenata di lunghezza  $n$ , con tempo  $O(n)$  per ricerca e inserimento
- Nel caso medio le tabelle hash si comportano "bene" cioè le operazioni hanno complessità circa  $O(1)$

# Collisioni con indirizzamento aperto

- Gli elementi si trovano nelle posizioni dell'array
- La funzione di hash iniziale  $h(k)$  viene sostituita con la funzione

$$h': [p, q] \times [0, m-1] \rightarrow [0, m-1]$$

- La sequenza  $\langle h'(k,0), h'(k,1), \dots, h'(k,m-1) \rangle$  deve essere una permutazione di  $\langle 0, 1, \dots, m-1 \rangle$
- Per inserire un elemento  $el$  si procede come segue



# Collisioni con indirizzamento aperto

- $i = 0$
- Se la cella in posizione  $p = h'(key(el), i)$  è vuota si inserisce l'elemento in posizione  $p$
- Altrimenti si prova a posizionare l'elemento in  $p = h'(key(el), i + 1)$
- Si continua fino a quando non si trova una posizione libera oppure  $i = m$ , in questo caso si lancia una eccezione di overflow della tabella hash

# Scansione Lineare

- E' una possibile tecnica per la funzione  $h'$
- Si definisce

$$h'(k,i) = (h(k) + i) \bmod m$$

- Dove  $h(k)$  è una funzione hash data non con indirizzamento aperto

# Tabelle Hash

- T.H. Cormen, C.E. Leiserson, R.L. Rivest, C. Stein, Introduzione agli Algoritmi e Strutture Dati, McGraw-Hill, 2005
- Pagg. 207 - 228